文章编号:1674-8190(2021)04-123-08

# 复合材料机身帽型长桁加筋壁板压缩屈曲及 失效特性研究

## 李真1,程立平2

(1.上海飞机设计研究院飞机结构强度工程技术所,上海201210) (2.中国飞机强度研究所复合材料结构强度研究室,西安710065)

摘 要:大型客机机身壁板材料现已广泛采用碳纤维复合材料,研究壁板的屈曲及失效特性对提高结构设计 效率具有重要的意义。采用工程分析、有限元分析和试验三种方法研究压缩载荷下复合材料机身帽型加筋壁 板的屈曲载荷、失效载荷和失效模式;通过工程方法和有限元方法研究压缩载荷下壁板的屈曲形式和载荷,采 用 Von Karman 法修正的柱失稳方法研究壁板在压缩载荷下的承载能力:依靠先进的机身壁板多轴载荷试验系 统完成3m×2m机身壁板的压缩载荷试验、压缩充压复合载荷试验,验证并完善工程和有限元分析方法。结 果表明:屈曲分析时需要对工程分析和有限元方法进行修正,失效分析时采用修正的柱失稳方法的分析结果比 试验结果略保守。

关键词:复合材料;机身壁板;帽型长桁;压缩载荷;稳定性 中图分类号: V214.8 DOI: 10. 16615/j. cnki. 1674-8190. 2021. 04. 14

文献标识码:A 开放科学(资源服务)标识码(OSID):



# **Research on Compression Buckling and Failure Characteristics of Composite Fuselage Cap-stringer Stiffened Panel**

LI Zhen<sup>1</sup>, CHENG Liping<sup>2</sup>

(1. Institute of Aircraft Structural Strength Engineering, Shanghai Aircraft Design and Research Institute, Shanghai 201210, China)

(2. Laboratory of Composite Structural Strength, China Aircraft Strength Research Institute, Xi'an 710065, China)

Abstract: Carbon fiber reinforced polymer (CFRP) is widely used in the design of aircraft fuselage panel. It is important to study the buckling and failure characteristics of panel to improve the efficiency of structural design. The compression buckling load, failure mode and failure load of composite cap-stringer stiffened panel under compression load are studied by engineering analysis, finite element analysis and panel test. The buckling modes and loads of panels under compression are studied by engineering method and finite element method. The loading capacity of the panel under compression load is studied by the column instability method modified by Von Karman method. Based on the advanced multi-load panel test rig, the  $3 \text{ m} \times 2 \text{ m}$  panel test are completed under compression load and pressure load. The engineering analysis method and finite element analysis method are verified and modified by test. The results show that the engineering analysis and finite element method need to be modified in buckling analysis, and the results of the modified column instability method are slightly conservative than the test results.

Key words: composite material; fuselage panel; cap-stringer; compression load; stability

收稿日期: 2020-12-04; 修回日期: 2021-03-09

基金项目: 民机科研项目(MJ-2015-F-038)

通信作者: 李真, lizhen@comac.cc

引用格式: 李真, 程立平. 复合材料机身帽型长桁加筋壁板压缩屈曲及失效特性研究[J]. 航空工程进展, 2021, 12(4): 123-130. LI Zhen, CHENG Liping. Research on compression buckling and failure characteristics of composite fuselage cap-stringer stiffened panel[J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2021, 12(4): 123-130. (in Chinese)

# 0 引 言

先进碳纤维复合材料结构具有密度低、模量 高、强度高、疲劳性能好等优点<sup>[1]</sup>,近年来大量应用 于民用飞机机身壁板设计。机身壁板重量占比超 过机身总重量的40%,在压缩载荷下,壁板会出现 蒙皮屈曲、长桁压损、壁板柱失稳等多种失效模 式。为了提高壁板结构的承载效率,需要研究壁 板在压缩载荷下的失效载荷、失效模式。

在欧洲 Cocomat 项目中, R. Degenhardt 等<sup>[2]</sup>采 用有限元和试验方法研究了复合材料加筋壁板的 失效特性;C. Bisagni等<sup>[3]</sup>采用非线性有限元分析 和试验方法研究了含分层的复合材料壁板在压缩 载荷作用下的后屈曲特性;张国凡等[4]采用非线性 有限元模型和试验研究了端头斜削的复合材料帽 型加筋壁板的后屈曲承载能力,以及包覆层对承 载能力的影响;孔斌等<sup>[5]</sup>采用ABAQUS软件研究 了复合材料工型长桁加筋板在压缩载荷下的后屈 曲传载机制;王彬文等[6]提出了一种考虑参数不确 定性的复合材料壁板后屈曲验证方法,并通过壁 板的力学试验数据验证了模型的准确性;李真等[7] 采用分析和大型带曲率壁板试验的方法研究了机 身壁板在充压载荷和机械载荷作用下的疲劳、损 伤容限性能;高伟等<sup>[8]</sup>采用工程方法研究了复合材 料加筋壁板的蒙皮压缩稳定性分析问题,研究表 明工型加筋壁板的局部失稳载荷高于T型加筋壁 板,考虑长桁有效刚度折减系数的分析值与试验 值接近;吕毅等<sup>[9]</sup>研究了T800碳纤维复合材料工 型加筋壁板在压缩载荷下的失稳和失效破坏机 理,针对薄蒙皮和厚蒙皮壁板失稳分析采用了不 同蒙皮宽度的稳定性工程分析方法;闫亚斌等<sup>[10]</sup> 采用有限元和试验方法研究了铝合金整体加筋壁 板的压缩承载能力,给出了蒙皮和筋条分离面设 计的最优位置。

上述研究工作中,工程方法主要用于复合材 料壁板的压缩失稳分析,未分析复合材料壁板的 压缩失效问题。壁板的压缩失效主要基于非线性 有限元方法,计算时需要进行大量的迭代,花费时 间长。为了提高计算效率,需要开展工程分析方 法研究,以便于大范围应用于飞机设计和迭代优 化。本文采用工程方法和有限元方法研究压缩载 荷下壁板的屈曲特性和失效特性,通过先进的机 身壁板多轴载荷试验系统验证和修正工程分析方 法,同时使用该试验系统研究充压载荷对壁板屈 曲载荷的影响。

## 1 壁板在压缩载荷下的分析方法

机身壁板为薄壁加筋结构,在压缩载荷作用时,首先蒙皮发生屈曲,新增的载荷由未发生失稳的长桁及周围蒙皮共同承担,直到壁板发生整体 失稳导致失效。考虑壁板的结构形式和尺寸,失 效模式包括材料强度失效、蒙皮及长桁稳定性失效等。

#### 1.1 材料失效

材料失效的破坏机理较为复杂,常见的失效 准则包括最大应变准则、蔡一希尔准则<sup>[11]</sup>等。

#### 1.2 蒙皮屈曲分析

对于长宽比大于4的对称均衡铺层长平板,四边简支边界条件的轴压屈曲载荷为<sup>[12]</sup>

$$N_x = \frac{2\pi^2}{b^2} \left[ (D_{11}D_{22})^{1/2} + D_{12} + 2D_{66} \right] \quad (1)$$

式中: $N_x$ 为单位长度的载荷; $D_{11}$ 、 $D_{12}$ 、 $D_{22}$ 、 $D_{66}$ 为蒙 皮铺层的弯曲刚度;b为蒙皮的宽度。

四边固支边界条件的轴压屈曲载荷为[12]

$$N_x = \frac{\pi^2}{b^2} \left[ 4.6(D_{11}D_{22})^{1/2} + 2.67D_{12} + 5.33D_{66} \right] (2)$$

帽型长桁将蒙皮分切为帽型长桁下蒙皮、长 桁之间蒙皮。长桁间蒙皮宽度大,容易出现失稳。 稳定性分析时,带曲率的蒙皮简化为平板计算蒙 皮失稳。蒙皮的长度选取框间距,蒙皮的宽度选 取帽型长桁R区之间的距离,如图1所示,蒙皮的 宽度取b值。



图 1 屈曲计算时蒙皮宽度选取 Fig. 1 Skin width in buckling calculation

帽型长桁和蒙皮组成一个扭转刚度大的封闭 剖面,其对蒙皮支持条件强于简支,需要通过壁板 级试验结果修正分析结果。

#### 1.3 长桁压损

长桁压损是指长桁的组成单元受压时发生压 溃破坏,代表长桁剖面的压缩强度性能。采用板 元法<sup>[12]</sup>计算长桁压损许用应力,帽型长桁分解为6 个板元,如图2所示。



图2 帽型长桁分解示意图

σ

Fig. 2 Decomposition diagram of cap-stiffened panel

计算方法如下:

$$\frac{\sigma_{\rm cc,i} E_x}{\sigma_{\rm c} \overline{E}} = m \times \left( \frac{\overline{E} b}{E_x t} \sqrt{\frac{\sigma_{\rm c}}{\sqrt{E_x E_y}}} \right)^2 \tag{3}$$

$$_{\rm c} = E_x \varepsilon_{\rm c}$$
 (4)

$$\overline{E} = \frac{12D_{11}(1 - \mu_{12}\mu_{21})}{t^3} \tag{5}$$

最后求其加权平均值:

$$\sigma_{\rm cc} = \sum_{i=1}^{N} \sigma_{\rm cc,i} t_i b_i / \left( \sum_{i=1}^{N} t_i b_i \right) \tag{6}$$

式中:t为蒙皮厚度; $\mu_{12}$ 、 $\mu_{21}$ 为蒙皮铺层的泊松比; $\varepsilon_c$ 为层板压缩许用应变; $\sigma_c$ 为层板压缩许用应力; $E_x$ 、  $E_y$ 为两个方向的模量; $\overline{E}$ 为有效弹性模量;m、e为 系数;N为板元数量; $\sigma_c$ 为截面压损应力。

### 1.4 壁板单元在轴压下的承载能力

将复合材料壁板分解为一系列长桁与两侧蒙 皮组成的柱,在压缩载荷下的失效模式为强度与 失稳的混合失效模式,根据柱的长细比将柱分为 短柱、中长柱、长柱。短柱的许用值为长桁的压缩 强度,长柱的许用值为欧拉失稳值,中长柱采用 Johnson方程<sup>[13]</sup>计算许用应力。采用 Von Karman 法<sup>[14]</sup>迭代计算蒙皮有效宽度,分析步骤如下:

(1) 根据 1.2节计算蒙皮屈曲应变  $\epsilon_{xer}, \epsilon_{xer} = N_x / E_{skin} t_{skin\circ}$ 

(2) 计算有效蒙皮宽度 W<sub>eff</sub>, 示意图如图 3 所示。



图 3 有效蒙皮宽度示意 Fig. 3 Diagram of effective skin width

$$\begin{cases} W_{\rm eff} = b_{\rm st} \cdot \sqrt{\frac{\varepsilon_{\rm xcr}}{\varepsilon}} + D \quad (\varepsilon \ge \varepsilon_{\rm xcr}) \\ W_{\rm eff} = b_{\rm st} + D \quad (\varepsilon < \varepsilon_{\rm xcr}) \end{cases}$$
(7)

式中: $b_{st} = b - D; b$ 为长桁间距;D为帽型长桁下蒙 皮间距; $\epsilon$ 为工作应变。

(3) 计算剖面回转半径ρ:

$$\rho = \sqrt{(E_x I_{\min})/(E_x A)} \tag{8}$$

式中:A为剖面面积;E<sub>x</sub>为剖面轴向刚度;I<sub>min</sub>为剖面最小弯曲惯性。

(4) 计算柱长细比 $L'/\rho$ ,其中 $L' = L/\sqrt{C}$ ; 为壁板长度;对于机身结构,C=2,为框对壁板的 支持系数。

(5) 根据 1.3 节, 计算整个 剖面的压损应力  $\sigma_{cc}$ , 计算中长柱临界应力:

$$\sigma_{\rm c} = \sigma_{\rm cc} - \frac{\sigma_{\rm cc}^2 \left( L'/\rho \right)^2}{4\pi^2 E_x} \tag{9}$$

(6) 计算临界压缩屈曲应变:

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{c}} = \boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{c}} / \boldsymbol{E}_{x} \tag{10}$$

(7)比较  $\epsilon \pi \epsilon_c$ ,如果不相等,采用  $\epsilon_c$ 代替  $\epsilon$ ,重 复步骤(2)~步骤(6);如果  $\epsilon \pi \epsilon_c$ 相等,则  $\epsilon_c$ 为中长 柱临界压缩失稳应变,对应的  $\sigma_c$ 为长柱临界压缩失 稳应力。

#### 1.5 有限元分析

采用有限元建模软件建立壁板的细化有限元 模型,根据试验设备加载和约束边界,试验件一端 固定,另外一端建立刚性连接单元 RBE2(Rigid Body Element, Form 2)来施加载荷,保证有限元 分析时端部变形与试验实际加载一致。采用大型 有限元分析软件 MSC. Nastran<sup>[15]</sup>的 SOL101求解 器进行静力分析,得到压缩载荷下壁板试验件的 位移分布、应变分布。采用 SOL105求解器进行模 态分析,得到壁板在压缩载荷下的屈曲载荷以及 对应的屈曲模式。

## 2 试验装置及试验介绍

### 2.1 试验加载装置

壁板试验采用机身壁板多轴载荷试验装置<sup>[16-17]</sup>,试验时加载压缩载荷及充压载荷。试验装置如图4所示,试验装置尺寸约为4m×6m×5m,试验装置的载荷加载均匀性已经得到验证<sup>[7]</sup>。



图 4 试验装置照片 Fig. 4 Photo of test system

通过2个轴向液压作动筒同步施加压缩载荷, 如图5(a)所示。为避免出现偏心加载,试验件设 计时尽量将试验件压心与加载作动筒轴线保持一 致。试验件与试验夹具组成封闭空间,通过充气 口充气实现充压载荷的加载,如图5(b)所示。



图 5 试验压缩和充压载荷加载系统 Fig. 5 Test loading system of compression and

pressure load

#### 2.2 试验件设计

根据壁板的结构形式和试验设备,确定试验 件为5框8长桁的带曲率壁板结构。试验件中间2 个框距3个长桁距的壁板是考核区,周围1个框距 2个长桁距的壁板是边界过渡区。与单框距试验 件比较,大尺寸的试验件可以提供更真实的支持 条件,能够同时施加压缩和充压载荷。试验件长 度为3100mm,曲线宽度为2150mm,曲率半径为2960mm,框距为620mm,长桁距为210mm,试 验件示意图如图6所示。长桁为封闭帽型剖面,壁 板为蒙皮和长桁整体成型的结构,框为Z型剖面, 框、剪切角片、蒙皮之间通过高锁螺栓连接。试验 件四周布置碳纤维加强片以提高连接区强度。



图 6 试验件数模示意图 Fig. 6 Schematic diagram of digifax for test-piece

试验件采用中模高强碳纤维自动铺丝/铺带预浸料制造,预浸料单层厚度t=0.187 mm,材料的基本强度性能如下: $E_{11}=154$  GPa, $E_{22}=8.5$  GPa, $G_{12}=4.2$  GPa, $\mu_{12}=0.35$ 。蒙皮铺层为[45/-45/-45/90/45/0]<sub>s</sub>;长桁铺层为[45/0/0/-45/90/-45/0/0/45];框和剪切角片铺层为[45/-45/0/90/45/-45/0]<sub>s</sub>。

### 2.3 试验过程及结果

在试验件上布置应变片测量试验件考核区的 应变大小和方向。试验件考核区蒙皮及长桁应变 片布置如图7所示。蒙皮上下表面分别布置应变 花,测量0°、90°方向应变和剪应变。长桁内外表面 布置单片,测量长桁轴向应变。通过载荷一应变 曲线的变化确定蒙皮的屈曲载荷。



图 7 考核区应变片贴片图 Fig. 7 Strain gauge layout in focus area

首先进行试验预试,对试验件安装及试验装 置进行调试,通过预试数据确认试验件在压缩载 荷下应变分布均匀性,考核剖面的预试应变数据 如图8所示,同一剖面的应变分布均匀。



Fig. 8 Strain distribution of typical section stringer

根据预估屈曲载荷逐级加载压缩载荷,加载 过程中对蒙皮、长桁应变进行实时监控,应变曲线 显示蒙皮出现明显屈曲后逐级卸载。载荷卸载后 首先进行目视检测,然后采用A扫设备进行超声 检测,均未出现新增损伤。

施加充压载荷至1倍ΔP并保持气压,开始逐级施加压缩载荷,研究充压载荷对蒙皮屈曲的 影响。

最后进行破坏载荷试验,对试验件进行逐级 加载,直至试验件破坏,破坏模式为中长柱失稳引 起的壁板横向断裂,试验件破坏示意图如图9 所示。



图 9 试验件破坏位置示意图及照片 Fig. 9 Failure diagram and photo of test article

试验件典型应变曲线如图10所示,可以看出: 蒙皮上下表面应变片出现拐点,蒙皮发生屈曲,之 后新增载荷由长桁承载,长桁上下的应变片稍微 晚些出现拐点,最后长桁应变片斜率出现急剧变 化,壁板迅速破坏,发生横向断裂。根据试验结 果,蒙皮屈曲对应的载荷为1359kN,对应的线力 为201.1 N/mm,应变为1964με;破坏载荷为 2166kN,对应的线力为320.6 N/mm,对应的线 性应变为3130με。



Fig. 10 Strain curves of typical skin and stringer location

# 3 强度分析与试验结果对比

#### 3.1 试验件屈曲载荷分析

(1) 屈曲载荷工程分析

分析时曲板简化为平板,蒙皮长度为 620.0 mm,长桁 R 角之间蒙皮宽度为 145.9 mm。蒙皮 屈曲载荷在简支、固支边界条件下的计算结果如 表1所示,可以看出:简支边界条件的分析比试验 结果偏小 35.2%,固支边界条件的分析比试验值 大 6.2%。

表1 工程分析、有限元分析与壁板试验结果对比 Table 1 Comparison of engineering analysis, finite element analysis and panel test results

	· · · ·		
边界条件	分析值/ (N•mm <sup>-1</sup> )	试验值/ (N•mm <sup>-1</sup> )	(分析/试 验-1)/%
简支	130.3	201.1	-35.2
固支	213.5	201.1	6.2
简固支平均	171.9	201.1	-14.5
有限元分析	244.2	201.1	21.4

由于帽型长桁为封闭剖面,扭转刚度比较强, 长桁对蒙皮的支持强于简支。工程分析时,将图1 中相邻长桁 R 角之间宽度为 b 的壁板结构等效为 平板蒙皮,没有考虑帽型长桁底边对蒙皮弯曲刚 度的贡献,工程计算时蒙皮的弯曲刚度略小于实 际结构的弯曲刚度。

通过细化有限元方法研究曲率对板压缩失稳 载荷的影响,分别建立平板和带曲率板的模型,铺 层为蒙皮铺层,板的尺寸为620 mm×145 mm,带 曲率板的曲率半径为2960 mm,边界条件设为简 支。通过 MSC. Nastran 软件进行线性屈曲分析, 平板的1阶屈曲模式为5×1模态,带曲率板的屈 曲模态为4×1模态,如图11所示。带曲率板的压 缩屈曲载荷为133.8 N/mm,平板的压缩屈曲载荷 为131.1 N/mm,带曲率板的屈曲载荷比平板屈曲 载荷大2.0%,由于板曲率半径较大,曲率对屈曲 载荷影响较小。



(b) 带曲率板压缩屈曲模态

图 11 平板与带曲率板压缩载荷模态对比 Fig. 11 Comparison of compression load modes between plate and plate with curvature

综上所述,采用简支、固支平均的结果比试验 值偏保守14.5%,分析比试验结果略保守,可以用 于工程的快速评估。

(2) 屈曲载荷有限元分析

采用MSC. Patran 对试验件进行建模,单元采 用 shell 元,单元尺寸约 10 mm,根据材料性能和铺 层确定单元属性。分析模型的边界条件根据试验 夹具与试验件连接形式确定,有限元模型示意图 如图 12 所示,约束和加载根据试验设备加载情况 施加。

采用 MSC. Nastran 进行线性屈曲分析,屈曲 模态如图 13 所示,屈曲载荷如表 1 所示,分析值比 试验值大 21.4%,分析结果不保守。分析值比试 验值偏大的原因包括结构受载时的非线性响应和 试验件的制造偏差<sup>[18]</sup>,常见的制造偏差包括蒙皮 表面的不平整、层板厚度偏差、纤维的局部弯曲 等,上述偏差在较小的范围内是可以接受的。由 于上述原因,结合工程经验,有限元线性屈曲的分 析结果需要考虑0.8的折减系数。



图 13 试验件屈曲模态图 Fig. 13 Buckling mode of test article

#### 3.2 充压对稳定性的影响

在飞行过程中,机身客舱有1倍ΔP的充压载 荷,壁板同时承受压缩载荷和充压载荷,充压载荷 对蒙皮屈曲有较大的影响。

试验时首先施加充压载荷至100%,然后气压 保持,开始逐级施加压缩载荷,加载至纯压缩屈曲 载荷的1.3倍,蒙皮未出现屈曲。通过有限元法进 一步研究,施加充压和压缩载荷时,压缩载荷为压 缩工况屈曲载荷的1.48倍,充压能大幅提高蒙皮 的屈曲载荷。

#### 3.3 壁板承载能力分析

根据层板许用值试验结果,选取开孔压缩许 用值-5528με作为压缩许用值输入。根据1.3节 方法,得到长桁的压损许用应力为259.7 MPa。

按照1.4节所述,采用迭代法计算壁板承载能力,壁板的长细比 $L'/\rho$ =39.2,以 $\epsilon$ =3 000  $\mu\epsilon$ 作为

迭代初始应变,计算有效宽度  $W_{\text{eff}}$ ,橫截面积A、剖 面惯性矩  $I_{\min}$ 等值,主要迭代过程计算如表 2 所示, 最后计算得到的失效应力为 227.9 MPa,对应的失 效应变为  $\epsilon_c=2$  770  $\mu\epsilon_o$  试验件破坏对应的应变为  $\epsilon_{\text{ctest}}=3$  130  $\mu\epsilon$ ,  $\epsilon_c/\epsilon_{\text{ctest}}=1=-11.5\%$ ,分析值比试 验值小 11.5%。

表2 壁板承载能力计算迭代过程 Table 2 Calculation iterative process of panel loading capacity

Parter 100 and 0 and 0 and 0							
迭代	ε/με	$W_{\rm eff}/{ m mm}$	$A/\mathrm{mm}^2$	$I_{ m min}/ m mm^4$	$\epsilon_c/\mu\epsilon$		
1	3 000	181.4	466.8	58 853.7	2 773		
2	2 773	186.2	472.9	59 187.9	2 770		
3	2 770	186.3	473.0	59 192.2	2 770		

## 4 结 论

(1)采用简支、固支平均的分析结果比试验结 果略保守,可以用于工程的快速评估;有限元线性 屈曲分析得到的蒙皮屈曲值大于试验值,需要考 虑修正系数。

(2)充压能大幅提高蒙皮的压缩屈曲载荷,施 加充压和压缩载荷时,压缩载荷为压缩工况屈曲 载荷的1.48倍。

(3)采用有效宽度法修正的中长柱失稳方法 计算壁板压缩承载能力,分析结果比试验略保守。

#### 参考文献

[1] 杨乃宾.复合材料飞机结构设计[M].北京:航空工业出版社,2004:1-11.

YANG Naibin. Structural design of composite aircraft[M]. Beijing: Aviation Industry Press, 2004: 1–11. (in Chinese)

- [2] DEGENHARDT R, KLING A, ROHWER K, et al. Design and analysis of stiffened composite panels including postbuckling and collapse[J]. Computers and Structures, 2008, 86: 919–929.
- [3] BISAGNI C, VESCOVINI R, DAVILA C G. Single stringer compression specimen for the assessment of damage tolerance of post buckled structures [J]. Journal of Aircraft, 2011, 48(2): 495-502.
- [4] 张国凡,孙侠生,吴存利.复合材料帽型加筋壁板的失效 机制分析与改进设计[J].复合材料学报,2017,34(11): 2479-2486.

ZHANG Guofan, SUN Xiasheng, WU Cunli. Failure mechanism analysis and design of omega stiffened composite panel[J]. Acta Materiae Compositae Sinica, 2017, 34(11): 2479–2486. (in Chinese)

- [5] 孔斌, 叶强, 陈普会,等.复合材料整体加筋板轴压后屈曲的传载机制[J].复合材料学报, 2010, 27(5): 142-149.
  KONG Bin, YE Qiang, CHEN Puhui, et al. Post-buckling load transfer mechanisms of an integrated composite panel under uniaxial compression[J]. Acta Materiae Compositae Sinica, 2010, 27(5): 142-149. (in Chinese)
- [6] 王彬文,艾森,张国凡,等.考虑不确定性的复合材料加筋 壁板后屈曲分析模型验证方法[J].航空学报,2020,41
   (8):280-287.
   WANG Binwen, AI Sen, ZHANG Guofan, et al. Valida-

tion method for post-buckling analysis model of stiffened composite panels considering uncertainties [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2020, 41(8): 280–287. (in Chinese)

- [7] 李真,王俊,邓凡臣,等.复合材料机身壁板的强度分析与 试验验证[J]. 航空学报,2020,41(9):223688.
  LI Zhen, WANG Jun, DENG Fanchen, et al. Strength analysis and test verification of composite fuselage panels
  [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2020, 41(9): 223688. (in Chinese)
- [8] 高伟,姚雄华,王运锋.复合材料加筋壁板压缩稳定性工 程算法验证研究[J].航空工程进展,2020,11(6):851-858.

GAO Wei, YAO Xionghua, WANG Yunfeng. Research on engineering calculation verification of compression buckling of composite stiffened panel[J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2020, 11(6): 851-858. (in Chinese)

[9] 吕毅,张伟,赵慧.T800碳纤维增强复合材料加筋壁板压 缩稳定性试验及工程计算方法验证[J].航空工程进展, 2017,8(3):268-276.

LYU Yi, ZHANG Wei, ZHAO Hui. Compression stability test and engineering calculation methods verification of T800 carbon fiber reinforced composite stiffened panels [J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2017, 8 (3): 268–276. (in Chinese)

- [10] 闫亚斌,丁伟. 轴压载荷下薄壁整体壁板强度设计[J]. 航空工程进展, 2019, 10(s1): 62-66.
  YAN Yabin, DING Wei. The strength design for thin skin of integral plate under compression load [J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2019, 10(s1): 62-66. (in Chinese)
- [11] CAMPBELL F C. Structural composite materials [M]. Materials Park, Ohio: ASM International the Materials Information Society, 2010: 442-444.
- [12] CMH17协调委员会.复合材料手册3[M].汪海,译.上海:上海交通大学出版社,2015:429-441.
  CMH17 Coordination Committee. Composite manual 3
  [M]. Translated by WANG Hai. Shanghai: Shanghai Jiao Tong University Press, 2015: 429-441. (in Chinese)
- [13] 牛春匀. 实用飞机结构应力分析及尺寸设计[M]. 北京:

航空工业出版社,2009:394-395.

NIU Chunyun. Airframe stress analysis and sizing[M]. Beijing: Aviation Industry Press, 2009: 394–395. (in Chinese)

- [14] VON K T, SECHLER E E, DONNELL L H. The strength of thin plates in compression [J]. Transactions of the ASME, 1932, 54(2): 53–57.
- [15] MSC. Nastran quick reference guide[M]. Newport Beach: MSC. Software Corporation, 2010.
- [16] 邓凡臣,柴亚南,薛会民,等.大型飞机机身曲板多轴载荷 试验技术研究[J].实验力学,2018,33(3):484-490.
   DENG Fanchen, CHAI Yanan, XUE Huimin, et al. On the experimental technique for large aircraft fuselage curved panel subjected to multiaxial loading[J]. Journal of Experimental Mechanics, 2018, 33(3):484-490. (in Chinese)
- [17] 陈丽敏, 柴亚南, 李崇, 等. 机身壁板复合加载试验平台研发[J]. 工程与试验, 2017, 57(4): 74-77.
   CHEN Limin, CHAI Yanan, LI Chong, et al. Develop-

ment of combined loading test platform for fuselage panel [J]. Test Technology and Testing Machine, 2017, 57(4): 74–77. (in Chinese)

[18] 汪厚冰,林国伟,韩雪冰,等.复合材料帽形加筋壁板剪切 屈曲性能[J]. 航空学报, 2019, 40(8): 131-141.
WANG Houbing, LIN Guowei, HAN Xuebing, et al. Shear buckling performance of composite hat-stiffened panels
[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2019, 40(8): 131-141. (in Chinese)

#### 作者简介:

**李** 真(1984-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:大型 民用飞机强度分析。

程立平(1986-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:结构 稳定性。

(编辑:马文静)

#### 

(上接第114页)

- [21] NAJAFI-YAZDI A, BRÈS G A, MONGEAU L. An acoustic analogy formulation for moving sources in uniformly moving media [J]. Proceedings of the Royal Society A: Mathematical, Physical Engineering Sciences, 2010, 467: 144-165.
- [22] 张翰钦,陈明,孙国仓.圆柱绕流噪声预报的流场与声场 模拟方法对比研究[J].噪声与振动控制,2016,36(3): 26-31.

ZHANG Hanqin, CHEN Ming, SUN Guocang. Comparative study on the flow field and acoustic field simulation for noise prediction induced by the flow around a cylinder [J]. Noise and Vibration Control, 2016, 36(3): 26–31. (in Chinese)

[23] 付炜嘉.旋翼桨尖涡高精度数值模拟与流动控制研究
[D].西安:西北工业大学,2016.
FU Weijia. High precision numerical approaches of rotor blade-tip-vortex simulation and flow control analysis [D]. Xi'an: Northwestern Polytechnical University, 2016. (in Chinese)

- [24] CASALINO D. An advanced time approach for acoustic analogy predictions [J]. Journal of Sound and Vibration, 2003, 261: 583-612.
- [25] HAJCZAK A, SANDERS L, DRUAULT P. Landing gear interwheel tonal noise characterization with the boundary element method [J]. Journal of Sound and Vibration, 2019, 458: 44-61.
- [26] MICHEL U, QIAO W. Directivity of landing gear noise based on flyover measurements [C] // 5th AlAA/CEAS Aeroacoustics Conference. Bellevue: AIAA, 1999: 1-5.

#### 作者简介:

**牟永飞**(1988-),男,博士研究生。主要研究方向:空气动力 学、计算流体力学、气动声学。

**李**杰(1969-),男,博士,教授。主要研究方向:空气动力 学、计算流体力学。

(编辑:丛艳娟)