**文章编号:**1674-8190(2017)04-479-07

# 飞行数据相容性检验方法

李富刚,张聪,田福礼,张喆

(中国飞行试验研究院飞行仿真实验室,西安 710089)

**摘** 要:飞行试验测量数据中存在过程噪声和测量噪声,导致飞行数据之间不相容,国内目前常用的输出误差 法不适用于耦合严重的直升机飞行数据相容性检验。采用增广卡尔曼滤波方法进行状态估计,大幅度地消除 测量值中的误差;再用输出误差法对增广卡尔曼滤波估计的结果进行相容性检验,并将其应用于直升机四阶纵 向等效模型辨识中。结果表明:提出的这种方法既解决了单独使用增广卡尔曼滤波进行数据相容性分析时由 于初期收敛过程造成的滤波误差问题,又克服了单独使用输入误差法进行数据相容性时需手动修改时间延迟 问题和测量值中误差过大时输出误差法无法收敛问题,使得检验效果与计算效率大幅提升。

关键词: 增广卡尔曼滤波;相容性检验;飞行试验;状态估计

**中图分类号:** V217 文献标识码: A **DOI**: 10.16615/j. cnki. 1674-8190. 2017. 04.017

# Method for Flight Data Compatibility Analysis

Li Fugang, Zhang Cong, Tian Fuli, Zhang Zhe

(Flight Simulation Laboratory, Chinese Flight Test Establishment, Xi'an 710089, China)

**Abstract**: Process noises and measure noises exist in flight test data, which lead to incompatibility of flight data. The output error method that is the popular method used in flight test data compatibility checking recently is not fit for helicopter model data compatibility checking with serious coupling. Extended Kalman filter is applied for states estimation and error in the measured value is eliminated drastically. Compatibility analysis for results of extended Kalman filter is carried on by way of output error method. This technology is used in the fourth order liner equivalent model identification of helicopter longitudinal. By this technology, problems of wave filtering errors which are caused by extended Kalman filter primary convergence are solved, and problems of time delay modification by hand in output error method is conquered and non-convergence of output error method when errors in measuring data are big is solved, respectively. Verification effect and computational efficiency are greatly improved.

Key words: extended Kalman filter; compatibility analysis; flight test; state estimation

# 0 引 言

飞行数据相容性检验是通过对测量量的尺度 因子误差、系统误差进行适当的修正,使得各个通 道所测得的飞行数据彼此相容,即满足飞机运动方 程。该项工作引起多数国家的重视<sup>[1-2]</sup>,并且相继 出现了一系列算法,例如:增广卡尔曼滤波算法、最 小二乘算法、极大似然法、极大似然法的简化方法 输出误差法等<sup>[3]</sup>。直升机飞行数据相容性检验是 直升机模型辨识工作的必备步骤和关键部分,目 前,国内的研究主要集中在数据相容性检验后的模 型辨识部分,对直升机数据相容性检验的研究较 少<sup>[4-6]</sup>。国内,主要采用极大似然法及输出误差法 进行飞行数据相容性检验。极大似然法为局部寻 优,其固有缺点是当测量值中的误差过大(远离最 优点)时,算法不易收敛甚至发散,而且还需通过对 比由角速率积分得到的姿态角和测量姿态角之间 的时间差,手动修正时间延迟。卡尔曼滤波初期收

收稿日期:2017-03-05; 修回日期:2017-06-11

通信作者:李富刚,18192593036@163.com

本文将两种方法相结合,先用增广卡尔曼滤波 方法进行整体估计,大幅消除测量数据中的误差, 再用输出误差法对估计结果进行相容性检验。集 成增广卡尔曼滤波和输出误差法的飞行数据相容 性检验技术同时具备两种方法的优点,又可以克服 两种方法原有的缺点,以期将该技术应用于飞机模 型验证前期的数据相容性检验。

# 1 建 模

# 1.1 飞行数据相容性检验模型建立

式中: 細八重 $a_x, a_y, a_z, p, q, r, \Lambda$ 重心处的体抽系 x, y, z 轴过载和角速度; 观测量  $\phi, \theta, \psi, x_g, y_g, h, \lambda$ 欧拉角、空间位置; u, v, w 为速度在体轴系 x, y, z

$$\begin{split} \boldsymbol{\lambda} &= \begin{bmatrix} \lambda_{ax} , \lambda_{ay} , \lambda_{az} , \lambda_{p} , \lambda_{q} , \lambda_{r} , \lambda_{\phi} , \lambda_{\theta} , \lambda_{\psi} , \lambda_{a} , \lambda_{\beta} , \lambda_{v} , \lambda_{xg} , \lambda_{yg} , \lambda_{f} \\ \boldsymbol{\varepsilon} &= \begin{bmatrix} \varepsilon_{ax} , \varepsilon_{ay} , \varepsilon_{az} , \varepsilon_{p} , \varepsilon_{q} , \varepsilon_{r} , \varepsilon_{\phi} , \varepsilon_{\theta} , \varepsilon_{\phi} , \varepsilon_{a} , \varepsilon_{\beta} , \varepsilon_{v} , \varepsilon_{xg} , \varepsilon_{yg} , \varepsilon_{h} \end{bmatrix} \end{split}$$

得到方程(4)和方程(5)后,即可利用增广卡尔 曼滤波理论对模型中的参数进行高精度估计和数 据重构。

### 1.2 增广卡尔曼滤波理论

假设带误差的非线性系统模型和观测模型 如下<sup>[8-13]</sup>:

轴分量,地速 
$$V = \sqrt{u^2 + v^2 + \omega^2}$$
。  
假设输入量误差模型:

$$\begin{cases} a_{xe} = (1 + \lambda_{ax})a_x + \varepsilon_{ax} + \eta_{ax} \\ a_{ye} = (1 + \lambda_{ay})a_y + \varepsilon_{ay} + \eta_{ay} \\ a_{ze} = (1 + \lambda_{az})a_z + \varepsilon_{az} + \eta_{az} \\ p_e = (1 + \lambda_p)p + \varepsilon_p + \eta_p \\ q_e = (1 + \lambda_q)q + \varepsilon_q + \eta_q \\ r_e = (1 + \lambda_r)r + \varepsilon_r + \eta_r \end{cases}$$
(2)

$$\begin{cases} \phi_{e} = (1 + \lambda_{\phi}) \phi + \varepsilon_{\phi} + \eta_{\phi} \\ \theta_{e} = (1 + \lambda_{\theta}) \theta + \varepsilon_{\theta} + \eta_{\theta} \\ \phi_{e} = (1 + \lambda_{\phi}) \phi + \varepsilon_{\psi} + \eta_{\psi} \\ \alpha_{e} = (1 + \lambda_{a}) \alpha + \varepsilon_{a} + \eta_{a} \\ \beta_{e} = (1 + \lambda_{a}) \beta + \varepsilon_{\beta} + \eta_{\beta} \\ V_{e} = (1 + \lambda_{v}) V + \varepsilon_{v} + \eta_{v} \\ x_{ge} = (1 + \lambda_{xg}) x_{g} + \varepsilon_{xg} + \eta_{xg} \\ y_{ge} = (1 + \lambda_{yg}) y_{g} + \varepsilon_{yg} + \eta_{yg} \\ h_{e} = (1 + \lambda_{h}) h + \varepsilon_{h} + \eta_{h} \end{cases}$$
(3)

式中: λ 为缩放因子; ε 为稳态差; η 为均值为 0 的 测量噪声,带下标 e 的量表示测量值。

将输入方程组(2)和方程组(3)代入方程组(1) 中,将需要估计的缩放因子、稳态误差增加到状态 量中,即得到飞机运动的状态方程和观测方程:

$$\dot{x}(t) = f[x(t), u(t)] + B(x)w(t)$$
(4)

$$z_{k} = h(x_{k}) + u_{k} \tag{5}$$

式中:

$$\begin{aligned} x &= \begin{bmatrix} u, v, w, \phi, \theta, \psi, x_g, y_g, h, \lambda, \epsilon \end{bmatrix}^{\mathsf{T}} \\ u &= \begin{bmatrix} a_{xe}, a_{ye}, a_{ze}, p_e, q_e, r_e \end{bmatrix}^{\mathsf{T}} \\ w &= \begin{bmatrix} \eta_{ax}, \eta_{ay}, \eta_{ax}, \eta_{p}, \eta_{q}, \eta_{r} \end{bmatrix}^{\mathsf{T}} \\ z_k &= \begin{bmatrix} \phi_e, \theta_e, \psi_e, \alpha_e, \beta_e, V_e, x_{ge}, y_{ge}, h_e \end{bmatrix}^{\mathsf{T}} \\ u_k &= \begin{bmatrix} \eta_{\phi}, \eta_{\theta}, \eta_{\psi}, \eta_{a}, \eta_{\beta}, \eta_{v}, \eta_{xg}, \eta_{yg}, \eta_{h} \end{bmatrix}^{\mathsf{T}} \end{aligned}$$

 $\dot{x}(t) = f[x(t), u(t)] + w(t), w(t) \sim N[0, Q(t)]$ (6)

$$z_{k} = h(x_{k}) + v_{k}, v_{k} \sim N(0, R_{k})$$
 (7)

式中:x,u 为系统状态量和输入量; $z_k$  为观测量; f,h 为状态方程组函数和观测方程组函数;w(t),  $v_k$  为过程激励噪声和观测噪声,假设它们是相互 独立并满足正态分布的白噪声;N[0,Q(t)]、  $N(0, \mathbf{R}_k)$ 为正态分布, Q(t)、  $\mathbf{R}_k$ 为协方差矩阵;  $x_k = x(t_k)$ 。

对状态方程和观测方程的一阶(或者二阶)泰 勒展开近似进行卡尔曼滤波,即为增广卡尔曼滤 波。本文采用一阶泰勒近似,具体算法过程如下:

第一步:状态量、状态量误差协方差矩阵初始 值洗择

$$\hat{x}_{0|0} = E[x(t_0)]$$
$$P_{0|0} = Var[x(t_0)]$$

式中: *x̂*<sub>010</sub>、*P*<sub>010</sub>分别为开始滤波时状态量、状态量 误差协方差矩阵初始值; *E*、*Var*分别为期望和协 方差; *P*的定义将在下文给出。

第二步:状态量、误差协方差矩阵预测

在时间段  $t_{k-1} - t_k$  内,以  $\hat{x}(t_{k-1}) = \hat{x}_{k-1|k-1}$ ,  $P(t_{k-1}) = P_{k-1|k-1}$  为初值,通过求解微分方程组 (8)可得到  $\hat{x}_{k|k-1} = \hat{x}(t_k)$ ,  $P_{k|k-1} = P(t_k)$ 。 $\hat{x}_{k|k-1}$ 、  $\hat{x}_{k-1|k-1}$ 分别为上一时刻的状态对现在时刻状态的 预测,上一时刻状态的最优结果,其他带下标的变 量解释与状态量相似。

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = f[\hat{x}(t), u(t)] \\ \dot{P}(t) = F(t)P(t) + P(t)F(t)^{\mathrm{T}} + Q(t) \end{cases}$$
(8)

式中:  $F(t) = \frac{\partial f}{\partial x} |_{\hat{x}(t), u(t)},$ 状态方程 f 对状态量的 一阶导数。

第三步:增益、状态量、状态量误差协方差矩阵 更新

$$K_{k} = P_{k|k-1} H_{k}^{T} (H_{k} P_{k|k-1} H_{k}^{T} + R_{k})^{-1}$$
(9)

$$\hat{x}_{k|k} = \hat{x}_{k|k-1} + K_{k} [z_{k} - h(\hat{x}_{k|k-1})]$$
(10)

$$P_{k|k} = (I - K_k H_k) P_{k|k-1}$$
(11)

式中: $H_{k} = \frac{\partial h}{\partial x} |_{\hat{x}_{k|k-1}}$ ,观测方程 h 对状态量的一阶 导数。

方程组(8)~方程组(11)即为增广卡尔曼滤波 的主要部分。循环第二步和第三步直到数据段 结束。

将该理论应用于求解 1.1 节中推导得到的方 程(4)和方程(5)中的状态量、偏差、尺度因子的 估计。

# 1.3 增广卡尔曼滤波初值选择,噪声协方 差矩阵计算

在进行滤波之前,先要估计状态量 x 和误差

协方差矩阵 **P** 的初值。状态量中的  $u, v, w, \phi, \theta$ ,  $\psi, x_g, y_g, h$  的初值取试飞数据中试飞动作的开始 时前几秒稳态状态的平均值; $\epsilon_{ax}, \epsilon_{ay}, \epsilon_{az}, \epsilon_{p}, \epsilon_{q}, \epsilon_{r},$  $\epsilon_{\phi}, \epsilon_{\theta}, \epsilon_{\phi}, \epsilon_{s}, \epsilon_{p}, \epsilon_{v}, \epsilon_{xg}, \epsilon_{xg}, \epsilon_{h}$ 的初值,由相应的试飞 数据的测量值经过低通滤波后再与原测量值相减 得到的噪声的平均值;其余状态量的初值选为 0。

P值的大小,表示对状态量初始值的信任程度,影响估计过程中的初始阶段估计的效果。观测量和输入量对应 P 的对角线上的初值,通过响应量的噪声的方差计算。可根据具体估计情况,适当的调节 P 的初值。

噪 声 协 方 差 矩 阵 Q 由 输 入 量  $u = [a_{xe}, a_{ye}, a_{ze}, p_e, q_e, r_e]^T$ 减去其经过低通滤波 的值得到噪声的方差。噪声协方差矩阵 R 计算过 程与Q 计算类似。需要说明的是:这里应用的增 广卡尔曼滤波实际上是对非线性方程,利用一次泰 勒展开来逼近,因此Q、R 由噪声的协方差和一阶 泰勒展开余项的误差组成。在算法的调试过程中, 适当的改变Q、R,来改变对惯导、GPS等测量数据 的信任程度。

# 2 实际应用

### 2.1 相容性检验

以直升机中速平飞时的纵向脉冲动作为例进 行飞行数据相容性检验。为了作比较,首先采用输 出误差法直接进行数据相容性检验。首先对数据 进行检查,检查结果如图1所示,发现姿态角均有 时间延迟,误差较大;再用输出误差法进行相容性 检验,检验结果如图2所示。





#### 图1 体轴姿态角检查















从图 2 可以看出: 姿态角时间延迟没有消除, 需要手动调整角速率测量值和测量时间对应关系 后重新检验一次才能消除时间延迟,并且辨识算法 没有收敛,没有收敛的原因是过载中的误差较大 导致。

利用增广卡尔曼滤波进行数据相容性检验,结 果如图 3~图 4 所示,可以看出:姿态角的时间误 差已经被去掉,但是由于增广卡尔曼滤波初期的收 敛过程导致初期的滤波效果不好。





图 3 增广卡尔曼滤波姿态角滤波结果

Fig. 3 Extended Kalman filter results of Euler angles



图 4 增广卡尔曼滤波速度、迎角、侧滑角滤波结果 Fig. 4 Extended Kalman filter results of  $V, \alpha, \beta$ 











图 5 综合相容性检验法姿态检验结果

Fig. 5 Combined method results of Euler angles









图 6 综合相容性检验法速度、迎角、侧滑角检验结果 Fig. 6 Combined method results of V、α、β

从图 5~图 6 可以看出:姿态角时间延迟被消除,同时由增广卡尔曼滤波算法初期收敛造成的误差也被消除;在相同收敛条件判据下,使用本文提出的综合的数据相容性检验技术迭代 16 次后就收敛,耗时 20 s;单独使用输出误差法时,则迭代 499 次,达到设置的循环上限,未收敛。本文提出的数据相容性检验技术无需将纵向和横向参数分开进行相容性检验,更适合参数耦合严重的数据相容性检验情形。

# 2.2 相容性检验数据的应用

经过 2.1 节数据相容性检验的数据用于某型 正在定下试飞的电传直升机纵向四阶线性等效模 型  $\dot{x} = Ax + Bu$  的辨识(辨识结果如图 7 所示),其 中  $x = [\Delta u, \Delta w, q, \Delta \theta]^{T}, u = [\Delta b_{1s}, \Delta theta0]^{T}, 输$ 入为纵向周期变距角和总距角变化量。辨识结果 满足 ccar60 中 D 级模拟器的相关要求。某型直升 机采用的倾斜式尾桨和全动式矩形平尾,其气动耦 合更严重,模型参数辨识更难,因此对数据的相容 性检验要求更高。本文提出的飞行数据相容性检 验技术,使改型直升机定型试飞中模型辨识的精度 和计算效率大幅提升,有利地支撑了改型直升机的 品质试飞。



### (a) x 轴速度变化





(c) z 轴速度变化



(d) 俯仰角变化

图 7 纵向 4 阶线性等效模型辨识结果

Fig. 7 Fourth-order linear equivalent model identification results of Longitudinal

# 3 结束语

本文提出的相容性检验方法综合了增广卡尔 曼滤波和输出误差法的优点,增广卡尔曼滤波估计 过程中对状态量和状态量的协方差矩阵进行积分, 克服了输出误差法手动修改时间延迟的缺点,并且 克服了这两种方法单独使用时的缺点,提高了相容 性检验的效率。该方法已经应用于运动参数耦合 严重的直升机模型辨识过程中的飞行数据相关性 检验和D级直升机模拟器模型校准及某型直升机 的定型试飞。

### 参考文献

[1] 史忠科. 飞行数据相容性检验的极大似然方法[J]. 航空学报, 1990, 11(8): B354-B360.

Shi Zhongke. A maximum likelihood method for flight test data compatibility check[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinca, 1990, 11(8): B354-B360. (in Chinese)

- [2] 张友民,王培德,张洪才.估计理论在飞行数据相容性检验中的应用[J].航空学报,1992,13(7):A398-A402.
  Zhang Youmin, Wang Peide, Zhang Hongcai. The application of estimation theory in flight data compatibility check
  [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinca, 1992, 13(7): A398-A402. (in Chinese)
- [3] 吴伟. 直升机飞行动力学模型辨识与机动飞行研究[D]. 南 京:南京航空航天大学, 2010.

Wu Wei. Identification of helicopter flight dynamics model and investigation on maneuver flight[D]. Nanjing: Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2010. (in Chinese)

[4] 孙涛. 直升机飞行力学模型辨识研究[D]. 南京: 南京航空 航天大学, 2010.

Sun Tao. Research on helicopter flight dynamics model identification[D]. Nanjing: Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2010. (in Chinese)

- [5] 王云龙. 直升机气动参数辨识及机动飞行仿真[D]. 哈尔 滨:哈尔滨工业大学,2007.
   Wang Yunlong. Helicopter aerodynamic parameters identification and tactical flight simulation[D]. Harbin: Harbin
- [6] 魏爱玉. 直升机气动参数辨识方法研究[D]. 西安: 西北工 业大学, 2013.

Institute of Technology, 2007. (in Chinese)

Wei Aiyu. Research on identification method of pneumatic parameters of helicopter[D]. Xi'an: Northwestern Polytechnical University, 2013. (in Chinese)

- [7] Jesse Jeck, Zhao Min. J2 universal flight matching process workshop[R]. Xi'an: Xi'an Jesse Technology Co., Ltd, 2016: 10-25.
- [8] Frank L Lewis, Dan Popa, Lihua Xie. Optimal and robust estimation[M]. USA: CRC Press, 2007: 272-290.
- [9] 张晓莹.非线性卡尔曼滤波的一点讨论[D]. 广州:中山大 学,2010.

Zhang Xiaoying. A note on nonlinear kalman filter[D]. Guangzhou: Sun Yat-sen University, 2010. (in Chinese)

- [10] Reif K, Günther S, Yaz E, et al. Stochastic stability of the continuous-time extended kalman filter[J]. IEE Proceedings-Control Theory and Applications, 2000, 147(1): 45-52.
- [11] Vladislav Klein, Eugene A Morelli. Aircraft system identification theory and practice[M]. USA: American Institute of Aeronautics and Astronautics, 2005; 190-290.
- [12] 刘超,刘庆,田福礼.用于气动导数辨识的试飞数据处理方法研究[J].航空工程进展,2014,5(2):188-192.
  Liu Chao, Liu Qing, Tian Fuli. Research on flight test data processing method applied to the identification of aerody-namic derivative[J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2014, 5(2): 188-192. (in Chinese)

[13] 萧德云.系统辨识理论及应用[M].北京:清华大学出版 社,2014:197-215.

> Xiao Deyun. Theory of system identification with applications[M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2014: 197-215. (in Chinese)

### 作者简介:

**李富刚**(1986-),男,硕士,工程师。主要研究方向:飞机建模 与模型验证。 **张 聪**(1986-),女,硕士,工程师。主要研究方向:飞行仿真 与控制。

**田福礼**(1965-),男,博士,研究员。主要研究方向:飞行仿真 与控制。

**张** 喆(1986-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:飞行 控制。

(编辑:赵毓梅)

### (上接第 470 页)

space Power, 2010, 25(10): 2285-2289. (in Chinese)

 [10] 吴鹰飞,周兆英. 柔性铰链的设计计算[J]. 工程力学, 2002,19(6):136-140.
 Wu Yingfei, Zhou Zhaoying. Design of flexure hinges[J].

Engineering Mechanics, 2002, 19(6): 136-140. (in Chinese) [11] 石亦平,周玉蓉. ABAQUS 有限元分析实例详解[M]. 北

京:机械工业出版社, 2006: 393. Shi Yiping, Zhou Yurong. Finite element analysis of detailed examples for ABAQUS[M]. Beijing: Machinery Industry Press, 2006: 393. (in Chinese)

[12] 于亚婷,杜平安,王振伟.有限元法的应用现状研究[J].机 械设计,2005,22(3):6-9.
Yu Yating, Du Ping'an, Wang Zhenwei. Research on the

current application status of finite element method[J]. Journal of Machine Design, 2005, 22(3): 6-9. (in Chinese)

[13] 美国 ABAQUS Inc. ABAQUS 有限元软件 6.4 版入门指南 [M]. 庄茁,朱以文,肖金生,等译. 北京:清华大学出版 社,2004:365.

ABAQUS Inc. in USA. The finite element software version

6. 4 entry guide for ABAQUS[M]. Translated by Zhuang Zhuo, Zhu Yiwen, Xiao Jinsheng, et al. Beijing: Tsinghua University Press, 2004: 365. (in Chinese)

### 作者简介:

**杨中艳**(1983-),女,硕士,工程师。主要研究方向:天平与模型设计。

**苏**浩(1987-),男,工程师。主要研究方向:天平与模型 设计。

**刘 丹**(1979-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:天平 与模型设计。

**孙** 侃(1976-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:天平 与模型设计。

**尹世博**(1973-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:低速 风洞试验技术。

(编辑:赵毓梅)

(上接第 478 页)

- [16] 聂进方,潘泉,石国刚.数字气动式座舱压力控制系统性能
  [J].南京理工大学学报,2014,38(1):83-88.
  Nie Jinfang, Pan Quan, Shi Guogang. Performance of digital electro-pneumatic cabin pressure control system[J]. Journal of Nanjing University of Science and Technology, 2014, 38(1):83-88. (in Chinese)
- [17] 郭晓敏.数字式座舱压力控制系统性能仿真研究——SM软件环境[D].南京:南京航空航天大学,2007.

Guo Xiaomin. A simulation research on the aircraft numerical cabin pressurization control system[D]. Nanjing: Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2007. (in Chinese)

### 作者简介:

ნებიები მენები მენები მენები მენები მენმე მენმენი მენმენები მენმენები მენებენენები მენები მენმე მენმე მენმე მენ მენები მენმენები მენები მენმენები მენმენები მენმენები მენმენები მენმენები მენები მენმენები მენმენები მენმენები მ

> **杨文强**(1984-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:飞机 环境控制系统设计、仿真和试验。

> **郭** 涛(1981-),男,博士,高级工程师。主要研究方向:飞机 环境控制系统设计。

> **成** 杰(1979-),男,硕士,高级工程师。主要研究方向:飞机 环境控制系统设计。

> > (编辑:马文静)