文章编号:1674-8190(2022)05-069-09

双轮支柱式起落架低频刹车耦合振动性能研究

陈帅^{1,2}, 尹乔之^{1,2}, 宋佳翼^{1,2}, 魏小辉^{1,2}, 张颂旸^{1,2}

(1.南京航空航天大学机械结构力学及控制国家重点实验室,南京 210016)(2.南京航空航天大学飞行器先进设计技术国防重点学科实验室,南京 210016)

摘 要:当前对于起落架低频刹车耦合振动问题的研究主要停留在纵向单自由度振动方面。建立双轮支柱式 起落架多自由度低频刹车耦合振动多体动力学模型,在机身与主起落架连接处采用六自由度衬套模型模拟起 落架支柱纵向、横向和扭转刚度及结构阻尼,对起落架纵向、横向以及扭转多自由度耦合振动特性进行分析。 结果表明:低频刹车情况下起落架支柱刚度与刹车力矩幅值对于耦合振动的振幅、加速度、载荷影响较大;提高 起落架结构刚度、阻尼、刹车力矩频率,减小刹车力矩幅值可以抑制起落架刹车耦合振动现象;双轮支柱式起落 架左右机轮非对称刹车工况下,起落架会发生纵向、横向和扭转的多自由度耦合振动,并且随着非对称刹车力 矩频率与幅值差距的增加,耦合振动现象加剧。

关键词: 双轮起落架;多体动力学;耦合振动;低频;非对称刹车

中图分类号: V226

DOI: 10. 16615/j. cnki. 1674-8190. 2022. 05. 07

Research on Low Frequency Coupled Brake-induced Vibration of Telescopic Landing Gear with Two Wheels

CHEN Shuai^{1,2}, YIN Qiaozhi^{1,2}, SONG Jiayi^{1,2}, WEI Xiaohui^{1,2}, ZHANG Songyang^{1,2}

(1. State Key Laboratory of Mechanics and Control of Mechanical Structures, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 210016, China)

(2. Key Laboratory of Fundamental Science for National Defense Advanced Design Technology of Flight Vehicle, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 210016, China)

Abstract: Currently, the research on the low frequency vibration coupled with brake problem of landing gear is focused on longitudinal single-degree-of-freedom coupling vibration. By establishing the multi-body dynamics model of multi-degree-of-freedom low-frequency brake-induced coupling vibration of the two-wheel telescopic landing gear, and stimulating the six-degree-of-freedom bushing model at the connection between the fuselage and the main landing gear to simulate the longitudinal, lateral and torsional stiffness and damping of the landing gear pillar, the multi-degree-of-freedom coupling vibration characteristics of the landing gear are analyzed in detail. The results show that the pillar stiffness and braking torque amplitude are of great influence on the amplitude, acceleration and load of coupled vibration under the condition of low frequency braking. The coupling vibration on the landing gear, lateral and torsional coupling vibration of the structural stiffness, damping and braking torque frequency or reducing the braking torque amplitude. Under the condition of asymmetric brake of the left and right wheels of the landing gear, lateral and torsional coupling vibration of the landing gear occurs, and the coupling vibration is intensified with the extended gap between the frequency and amplitude of the asymmetric braking torque of the left and right wheels. **Key words**: landing gear with two wheels; multi-body dynamics; coupled vibration; low frequency; asymmetric brake

收稿日期: 2021-11-09; 修回日期: 2021-12-29

基金项目:中国博士后科学基金资助项目(2021M691565);航空科学基金(202000410520002);国家自然科学基金(51905264) 中央高校基本科研业务费(NT2021004);国防卓越青年基金(2018-JCJQ-ZQ-053);江苏高校优势学科建设工程资助项目

通信作者: 魏小辉, wei_xiaohui@nuaa.edu.cn

引用格式: 陈帅, 尹乔之, 宋佳翼, 等. 双轮支柱式起落架低频刹车耦合振动性能研究[J]. 航空工程进展, 2022, 13(5): 69-77, 94.
 CHEN Shuai, YIN Qiaozhi, SONG Jiayi, et al. Research on low frequency coupled brake-induced vibration of telescopic landing gear with two wheels[J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2022, 13(5): 69-77, 94. (in Chinese)

0 引 言

飞机地面滑跑刹车时,在刹车力矩交变的情况下,起落架会发生刹车诱导振动,根据频率高低进行划分,低频振动(0~50 Hz)称之为起落架抖振或者起落架走步,中高频振动(50~100 Hz以上)称之为颤振,高频振动(100~1 000 Hz)称之为刹车啸叫^[1]。双轮式起落架在左右机轮刹车力矩非对称时,会发生纵向、横向与扭转多自由度低频耦合振动现象,纵向振动即起落架抖振/走步,横向与扭转刹车耦合振动与前起落架摆振运动类似^[2]。这些振动现象轻则影响乘客的舒适性,重则损伤起落架结构,导致安全事故,因此针对飞机起落架刹车耦合振动问题开展研究很有必要^[3-4],研究结果可以为飞机刹车系统设计提供理论依据,减小飞机起落架的设计周期与成本。

关于飞机起落架刹车振动问题,20世纪90年 代以来,国内外研究者已经进行了很多研究,张陵 等^[5]、库玉鳌^[6]建立起起落架模型,研究了起落架 结构参数(刚度,阻尼等)和刹车力矩对抖振的影 响; B. Karthik等^[7]建立起落架主要部件的集中参 数模型以及缩比样机模型,实验研究起落架振动 问题; P. D. Khapane^[8]使用SIMPACK动力学软件 建立起落架多体动力学模型,研究两种不同的刹 车控制律对抖振的影响; R. Lernbeiss 等^[9]使用有 限元软件将起落架缓冲支柱柔性化,由此研究飞 机起落架的低频抖振问题。关于刹车力矩对抖振 的影响研究, S. Gualdi等^[10]研究了刹车控制系统 的控制参数对于抖振的影响;L. D'Avico等[11-12]通 过对防滑刹车控制系统与结构耦合振动现象的研 究,优化得到一种新的控制律;尹乔之等[13-14]通过 建立起落架多刚体动力学模型,研究了起落架结 构参数以及控制系统参数对于半轴支柱式起落架 低频抖振的影响。上述研究对于起落架低频刹车 耦合振动问题主要停留在纵向单自由度振动方 面,对于双轮支柱式起落架存在的多自由度耦合 振动问题研究较为欠缺。

随着科技的不断发展,新的起落架构型、仿真 技术、仿真软件不断出现,为耦合振动问题的研究 提出了新的挑战与仿真研究方案。本文采用西门 子公司最新推出的Simcenter 3D^[15]动力学仿真软 件,使用衬套模型连接起落架与机身,代替起落架 的刚度与阻尼,建立飞机双轮支柱式起落架多体 动力学模型;在此基础上,开展对称与非对称刹车 工况下,研究起落架支柱刚度、支柱阻尼、刹车力 矩频率、刹车力矩幅值对于双轮支柱式起落架低 频刹车多自由度耦合振动的影响规律。

1 起落架刹车耦合振动动力学建模

在 Simcenter 3D 中建立的双轮支柱式起落架 多体动力学模型如图 1 所示,其中包括起落架支 柱、活塞杆、轮胎、衬套、旋转副、油气式缓冲器等 动力学模型。为了研究起落架多自由度耦合振动 问题,该模型采用六自由度衬套模型作为起落架 与机身的连接器,将起落架简化为质量一弹簧一 阻尼系统,将起落架低频刹车时纵向、横向、扭转 的柔性变形简化为绕机身与起落架连接点的三个 转动自由度上的旋转运动。



图 1 主起落架动力学模型 Fig. 1 Dynamic model of main landing gear

1.1 衬套模型

本文研究的对象为双轮支柱式起落架,需要 考虑左右机轮所受刹车力矩非对称工况下起落架 的横向与扭转运动状态。基于对起落架与机身之 间孔轴连接状态的分析以及使用集中刚度原理的 简化模型方法,本文采用衬套模型来释放起落架 运动自由度,同时类比使用弹簧阻尼器(扭簧)的 刚度阻尼代替起落架刚度与阻尼的方法^[6],使用衬 套六个自由度方向上的刚度与阻尼,代替起落架 支柱以及侧撑杆的刚度与阻尼,实现传统弹簧阻 尼器(扭簧)的功能并且不对起落架的运动状态产 生额外的影响。

传统弹簧阻尼器(扭簧)模型仅释放R_z(起落

架纵向振动)方向上的转动自由度,与衬套释放的 自由度对比如表1所示,可以看出:采用衬套模型 作为机身与起落架的连接器,不仅可以释放起落 架 R_z方向上的自由度,还可以释放 R_x, R_y(起落架 横向以及扭转振动)方向上的转动自由度。

表1 弹簧阻尼器(扭簧)与衬套释放的自由度对比

 Table 1
 Comparison of degree of freedom between spring damper (torsion spring) and bushing

弹簧阻尼器自由度	衬套自由度	
	R_x	
R_z	R_y	
	R_z	

建模的具体思路为:使用衬套六个自由度方向上的刚度与阻尼,代替起落架支柱以及侧撑杆的刚度与阻尼;将三个平动自由度方向上的刚度、 阻尼设置的很大,约束起落架与机体的三个相对 平动自由度;三个转动自由度方向上的刚度、阻 尼,根据使用有限元软件将起落架侧撑杆与支柱 柔性化分析后的模态结果进行定义,确保刚体模 型与柔性体模型仿真结果吻合。

1.2 机轮模型

机轮模型采用 Simcenter 3D 的 Basic Tire 轮胎 模型,如图2所示。由用户自定义轮胎竖向刚度, 竖向阻尼,侧向刚度来确定轮胎的基本属性。滑 跑时轮胎和跑道的摩擦系数模型可在"高阶"选项 中选定。



图2 轮胎模型 Fig.2 Tire model

机轮的转动角加速度可以通过公式得出,即:

$$\dot{\omega} = (M_{\rm f} - M_{\rm b})/J_{\rm r} \tag{1}$$

式中: ω 为机轮转动的角加速度; M_i 为由地面摩擦 力引起的结合力矩; M_b 为刹车盘产生的刹车力矩; J_i 为单个机轮的转动惯量。 由刹车盘产生的刹车力矩公式为

$$M_{\rm b} = k \times I \tag{2}$$

$$I = A \times \sin\left(2 \times \pi \times f \times t\right) + A_0 \qquad (3)$$

式中:k为刹车力矩与刹车电流的比例系数;I为刹 车电流;A为刹车电流幅值;f刹车电流频率;A。为 零时刻刹车电流的值。

由地面摩擦力引起的结合力矩 M_f可由公式(4)得出。

$$M_{\rm f} = \mu \times N_{\rm l} \times R_{\rm g} = F_{\rm f} \times R_{\rm g}$$
 (4)
式中: $R_{\rm g}$ 为机轮的滚动半径; $N_{\rm l}$ 为地面向轮胎施加
的支持力; μ 为地面与轮胎的摩擦系数。

1.3 缓冲器模型

该缓冲器类型为油气式缓冲器,其缓冲力主要由空气弹簧力、油液阻尼力和结构限制力组成, 其中空气弹簧力Fair的关系式为

$$F_{\rm air} = A_{\rm a} \Big\{ P_{\rm 0} \Big[V_{\rm 0} / (V_{\rm 0} - A_{\rm a} s) \Big]^n - P_{\rm atm} \Big\} \quad (5)$$

式中: A_a 为空气腔有效压气面积; P_0 为空气腔初始 充气压强; V_0 为空气腔初始充气容积;s为缓冲器 行程;n为气体压缩多变指数; P_{atm} 为当地大气 压强。

油液阻尼力F_h则是根据实验数据插值得到阻 尼系数与缓冲器行程的关系曲线,导入Simcenter 3D中,建立数学函数计算得到。

$$F_{\rm h} = \lambda(s) \times v \times |v| \tag{6}$$

式中:λ为阻尼系数;v为缓冲器压缩或拉伸的 速度。

结构限制力Fst关系式为

$$\begin{cases} F_{st} = K_{st}s & (s < 0) \\ F_{st} = 0 & (0 \le s \le s_{max}) \\ F_{st} = K_{st}(s - s_{max}) & (s > s_{max}) \end{cases}$$
(7)

式中:K_{st}为结构限制刚度;s_{max}为最大压缩行程。

1.4 模型基本校验

基于本模型进行仿真,得到轮胎静压仿真曲 线与缓冲器静载仿真曲线,并且与轮胎和起落架 缓冲器试验结果进行对比,如图3~图4所示,可以 看出:仿真得到的轮胎静压曲线、缓冲器静载曲线 与实验曲线基本吻合,证明本文建立的主起落架 模型具有一定的可信度与正确性。本文在遵循客 观规律的基础上汲取了前人的建模经验使用实测 得到的参数,搭建包含主起落架动力学模型的全 机地面滑跑动力学模型,并进行滑跑仿真实验,依 据此模型可以完成本文的刹车耦合振动影响特性 研究工作。



2 起落架结构参数对刹车纵向振动 的影响

对于起落架低频刹车耦合振动的研究,主要 考虑起落架纵向支柱刚度、纵向支柱阻尼两个结 构参数对于起落架刹车纵向耦合振动的影响。

2.1 支柱刚度影响

在飞机地面着陆滑跑1s时启动刹车控制,输 出相同的刹车电流信号给左右两侧机轮,电流信 号为 $I = 10\sin(20 \times \pi \times t) + 30$,经过控制运算后 向左右两侧机轮施加与刹车电流相相应的刹车力 矩。在保持起落架其他结构参数与刹车信号不改 变的情况下,改变起落架的纵向支柱刚度,分别取 455 000、650 000、845 000 N·m/(°),研究纵向支柱 刚度的改变对起落架纵向振动的影响,如图5所 示,可以看出:当纵向支柱刚度增大30%时,起落 架支柱的纵向振动位移振幅、加速度振幅减小





图 5 支柱刚度变化对耦合振动的影响 Fig. 5 Influence of pillar stiffness on coupled vibration

2.2 支柱阻尼影响

与2.1节类似,在1s时施加上述相同的刹车 电流,在保持起落架其他结构参数与刹车电流信 号不改变的情况下,改变起落架的纵向支柱阻尼, 分别取1050、1500、1950 N·m·s/(°),研究纵向支 柱阻尼的改变对起落架纵向振动的影响,如图6所 示,可以看出:当纵向支柱阻尼增大30%时,起落 架支柱的纵向振动位移与纵向振动加速度减小 3%左右,说明增加支柱阻尼可以轻微减缓起落架 刹车耦合振动。





图 6 支柱阻尼变化对耦合振动的影响 Fig. 6 Influence of pillar damping on coupled vibration

2.3 结构参数影响分析

1.0

综合 2.1、2.2节的仿真结果,结构参数的改变 对于起落架刹车振动的影响程度如表 2 所示,可以 看出:起落架纵向等效支柱刚度变化±30%,纵向 振动的振动位移幅值和振动加速度幅值变化在 ±70%以内,而纵向振动载荷变化了±20%左右; 起落架纵向等效支柱阻尼变化±30%,纵向振动 的振动位移幅值变化在±2%左右,振动加速度幅 值变化了±5%左右,而纵向振动载荷变化在 ±5%以内;支柱刚度对起落架刹车振动相比于支 柱阻尼影响更大,振动加速度对于结构参数变化 的响应最明显。

	表 2	起落架结构参数影响分析	
Table 2	Ana	lysis of the influence of the stru	ctural
	para	meters of the undercarriage	

结构参数	变化值/%	纵向振动 位移变 化/%	纵向振动 加速度变 化/%	纵向振动 载荷变 化/%
纵向等效	30	-29.87	-25.80	-17.11
支柱刚度	-30	60.83	67.68	21.76
纵向等效	30	-2.83	-3.99	-1.25
支柱阻尼	-30	1.78	6.04	4.02

3 起落架刹车力矩对多自由度耦合 振动的影响

由于起落架的振动主要是刹车力矩周期性变 化引起的,因此研究刹车力矩对起落架刹车耦合 振动的影响是有必要的。本文分别研究双轮支柱 式起落架左右机轮刹车力矩对称与非对称两种工 况下,刹车力矩频率与幅值对于低频刹车耦合振 动的影响。

3.1 刹车力矩对称

4.0

3.1.1 刹车力矩频率影响

针对低频刹车耦合振动,将所建立的模型进行柔性化分析后,起落架支柱的固有频率在90 Hz 以上,因此,判断某型双轮支柱式起落架低频刹车 耦合振动主要是由于交变的刹车力矩引起的受迫 振动。机轮接地1s后启动刹车,施加刹车力矩,刹 车力矩的频率分别为7、10、13 Hz。在不同频率的 刹车力矩作用下起落架的刹车振动特性如图7 所示。







从图7可以看出:起落架支柱的纵向振动频率 和刹车力矩的频率一致;随着刹车力矩频率的不 断增加,纵向振动振幅、纵向振动加速度以及载荷 均有所增大。

3.1.2 刹车力矩幅值影响

保持其他参数不变的情况下,仅改变刹车力 矩的幅值,研究刹车力矩幅值对于刹车振动的影 响。在本模型中具体改变的是刹车电流信号的幅 值,分别为7、10、13 mA。不同刹车电流幅值作用 下,起落架的刹车振动特性如图8所示。





图 8 刹车力矩幅值对振动的影响 Fig. 8 Influence of braking moment amplitude on coupled vibration

从图 8 可以看出:刹车电流幅值增大 30%,起 落架的振动幅度、加速度以及载荷都增大 50% 左 右,表明刹车力矩的幅值增加会导致起落架的振 动变得剧烈,这严重影响了飞机起落架的结构寿 命以及结构强度。

3.1.3 刹车力矩参数影响分析

综合 3.1.1、3.1.2节的仿真结果,左右机轮刹 车力矩对称情况下,刹车力矩的改变对于起落架 纵向振动的影响程度如表3所示。

表3 起落架刹车力矩影响分析

Table 3	Analysis of the influence of the braking
	moment of the undercarriage

参数类型	变化值/%	纵向振动 位移变 化/%	纵向振动 加速度变 化/%	纵向振动 载荷变 化/%
刹车力矩	30	-2.85	49.88	-4.81
频率	30	1.23	-40.15	5.47
刹车力矩	30	47.86 - 51.43	58.09	37.82
幅值	- 30		-42.20	-53.70

从表3可以看出:当起落架刹车力矩频率变 化±30%时,纵向振动的振动位移幅值变化在± 2%左右,纵向振动加速度幅值变化在±45%左 右;当起落架刹车力矩幅值变化±30%时,纵向振 动的振动位移幅值、振动加速度幅值、纵向载荷变 化均在±50%左右;低频时,刹车力矩幅值对起落 架刹车振动影响最大,纵向振动加速度对于刹车 力矩变化的响应最明显。

3.2 刹车力矩非对称

3.2.1 刹车力矩频率影响

通过控制施加在单个主起落架左右机轮刹车 电流频率,观察起落架的运动状态,研究刹车力矩 频率非对称对于起落架刹车振动的影响。保持其他参数不变, 左轮刹车电流频率为10 Hz, 右轮刹车电流频率分别12、14、16 Hz。

刹车力矩频率非对称对于起落架刹车多自 由度耦合振动的影响如图9所示,可以看出:左右 机轮刹车力矩频率非对称会引起轻微的起落架 横向以及扭转的运动,并且由于左右机轮刹车频 率的不同,左右机轮刹车力矩发生耦合,导致起 落架多自由度耦合振动出现大周期振动叠加小 周期振动的现象,并且随着频率差距的增加,多 自由度耦合振动的振动频率随之增加,起落架多 自由度耦合振动的振动频率随之增加,起落架多





Fig. 9 Influence of asymmetry of braking torque frequency on landing gear

3.2.2 刹车力矩幅值影响

通过控制施加在单个主起落架左右机轮刹车 电流幅值,观察起落架的运动状态,研究刹车力矩 幅值非对称对于起落架刹车振动的影响。保持其 他参数不变,左轮刹车电流幅值为10 mA,右轮刹 车电流幅值分别为12、14、16 mA。

刹车力矩幅值非对称对于起落架刹车多自由

度耦合振动的影响如图 10 所示,可以看出:左右机 轮刹车力矩幅值非对称会引起轻微的起落架横向 以及扭转运动,且幅值差距的增大会引起横向与 扭转振动位移、振动加速度、振动载荷增大,表明 左右两侧机轮刹车力矩幅值差距的增加会加剧横 向与扭转振动。



图 10 刹车力矩幅值非对称对于起落架的影响起落架刹车力矩频率差值影响分析 Fig.10 Influence of asymmetry of braking torque amplitude on landing gearAnalysis of the Influence of the frequency of Braking Moment of the undercarriage

3.2.3 刹车力矩参数影响分析

综合3.2.1、3.2.2节的仿真结果,左右机轮刹 车力矩非对称对于起落架多自由度耦合振动的影 响程度如表4~表5所示,可以看出:起落架右轮刹 车力矩频率从12 Hz增加到14、16 Hz,纵向振动的 振动位移、加速度、载荷逐步增加,横向与扭转振动的振动幅值逐步减小10%左右,振动加速度、振动载荷逐步增加5%~30%;起落架右轮刹车力矩幅值从12mA增加为14、16mA,横向与扭转振动的振动幅值、加速度、载荷均逐步增加90%以上;

刹车力矩频率非对称会导致起落架振动现象出现 大周期与小周期振动叠加的状态,并且随着频率 差距的增大,耦合振动逐渐加剧;刹车力矩幅值非 对称对横向与扭转振动影响比频率非对称影响大。

表4 起落架刹车力矩频率差值影响分析 Table 4 Analysis of the Influence of the frequency of Braking Moment of the undercarriage

振动 类型	右轮刹车 力矩频率/ Hz	振动位移 幅值变 化/%	振动加速度 幅值变 化/%	振动载荷 幅值变 化/%
纵向 振动	16	1.78	76.77	32.42
	14	1.03	44.48	15.31
	12	0	0	0
横向 振动	16	-21.65	20.40	31.96
	14	-13.58	9.89	11.52
	12	0	0	0
扭转 振动	16	-13.46	23.65	9.87
	14	-9.40	15.69	4.98
	12	0	0	0

表5 起落架刹车力矩幅值差值影响分析 Table 5 Analysis of the Influence of the Amplitude of Brak-

ing Moment of the undercarriage				
振动类 型	右轮刹车 力矩幅值/ mA	振动位移 幅值变 化/%	振动加速度 幅值变 化/%	振动载荷 幅值变 化/%
纵向 振动	16	1.23	2.37	4.03
	14	0.45	1.04	2.51
	12	0	0	0
横向 振动	16	183.37	189.90	134.15
	14	90.44	94.81	95.80
	12	0	0	0
扭转 振动	16	200.26	177.58	184.96
	14	100.13	93.41	95.45
	12	0	0	0

4 结 论

(1)对于双轮支柱式起落架,在刹车力矩对称的工况下,增加起落架结构刚度与阻尼,减小刹车力矩的振幅,可以有效抑制起落架刹车耦合振动,减小起落架振动的振幅、加速度、载荷,保障起落架的结构安全,提高乘客的舒适性。

(2) 双轮支柱式起落架左右轮刹车力矩频率 非对称工况下,由于刹车力矩频率的耦合,会导致 起落架多自由度耦合振动出现大周期振动叠加小 周期振动的现象。

(3) 双轮支柱式起落架左右轮刹车力矩频率与幅值非对称,均会导致起落架出现横向与扭转的振动,随着左右轮刹车力矩频率与幅值差距的增大,起落架多自由度耦合振动的振幅、加速度、载荷均有不同程度的增加。

研究刹车力矩非对称对于双轮支柱式起落架 低频刹车耦合振动的影响可以为双轮或者多轮式 起落架飞机刹车系统研究提供设计依据。

参考文献

- GUALDI S, MORANDINI M, GHIRINGHELLI G L. Anti-skid induced aircraft landing gear instability [J]. Aerospace Science and Technology, 2008, 12 (8): 627-637.
- [2] 刘伟,贾玉红.大型飞机前起落架摆振仿真分析[J].飞机 设计,2017,37(3):36-41.
 LIU Wei, JIA Yuhong. Shimmy simulation of large aircraft nose landing gear[J]. Aircraft Design, 2017, 37(3):36-41.(in Chinese)
- [3] KHAPANE P D. Gear walk instability studies using flexible multibody dynamics simulation methods in SIMPACK [J]. Aerospace Science and Technology, 2006, 10(1): 19–25.
- KRÜGER W R, MORANDINI M. Recent developments at the numerical simulation of landing gear dynamics [J].
 CEAS Aeronautical Journal, 2011, 1(1/4): 55-68.
- [5] 张陵,诸德培.主起落架纵向抖振的动态特性研究[J]. 航空学报,1996,17(3):292-296.
 ZHANG Ling, ZHU Depei. On the dynamic properties of landing gear walking[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 1996, 17(3):292-296. (in Chinese)
- [6] 库玉鳌.刹车与起落架抖动的相互影响[J].航空学报, 1997,18(2):101-103.
 KU Yu'ao. Interaction between braking and landing gear vibration[I] Acta Aeropautica et Astronautica Sinica, 1997

bration[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 1997, 18(2): 101-103. (in Chinese)

- KARTHIK B, KAMBIZ F. Gear walk instability studies using a vibration model of a reduced scale landing gear system
 [C] // ASME 2002 Design Engineering Technical Conferences and Computer and Information in Engineering Conference. Montreal: ASME, 2002: 243–251.
- [8] KHAPANE P D. Simulation of asymmetric landing and typical ground maneuvers for large transport aircraft [J]. Aerospace Science and Technology, 2003, 7(8): 611-619.